

UNIVERSIDADE TECNOLÓGICA FEDERAL DO PARANÁ
CAMPUS FRANCISCO BELTRÃO
CURSO DE LICENCIATURA EM INFORMÁTICA

João José Maria da Silva

**Lógica e Aritmética na Filosofia da Matemática
de Frege**

Francisco Beltrão, Paraná

2017

João José Maria da Silva

Lógica e Aritmética na Filosofia da Matemática de Frege

Trabalho de Conclusão de Curso, apresentado a Universidade Tecnológica Federal – Campus Francisco Beltrão, como parte das exigências para a obtenção do título de Licenciado em Informática.

Orientador: Prf. Doutor. Eng. Francisco A. F. Reinaldo

Coorientador: Prof. Dr. Apl. James Tiberius Kirk

Francisco Beltrão, Paraná

2017

RESUMO

Nos *Fundamentos da Aritmética* (§68), Frege propõe definir explicitamente o operador-abstração 'o número de...' por meio de extensões e, a partir desta definição, provar o Princípio de Hume (**PH**). Contudo, a prova imaginada por Frege depende de uma fórmula (**BB**) não derivável no sistema em 1884. Acreditamos que a distinção entre sentido e referência e a introdução dos valores de verdade como objetos foram motivadas para justificar a introdução do Axioma IV, a partir do qual um análogo de (**BB**) é provável. Com (**BB**) no sistema, a prova do Princípio de Hume estaria garantida. Concomitantemente, percebemos que uma teoria unificada das extensões só é possível com a distinção entre sentido e referência e a introdução dos valores de verdade como objetos. Caso contrário, Frege teria sido obrigado a introduzir uma série de **Axiomas V** no seu sistema, o que acarretaria problemas com a identidade (Júlio César). Com base nestas considerações, além do fato de que, em 1882, Frege provara as leis básicas da aritmética (carta a Anton Marty), parece-nos perfeitamente plausível que estas provas foram executadas adicionando-se o **PH** ao sistema lógico de Begriffsschrift. Mostramos que, nas provas dos axiomas de Peano a partir de **PH** dentro da conceitografia, nenhum uso é feito de (**BB**). Destarte, não é necessária a introdução do Axioma IV no sistema e, por conseguinte, não são necessárias a distinção entre sentido e referência e a introdução dos valores de verdade como objetos. Disto, podemos concluir que, provavelmente, a introdução das extensões nos *Fundamentos* foi um ato tardio; e que Frege não possuía uma prova formal de **PH** a partir da sua definição explícita. Estes fatos também explicam a demora na publicação das *Leis Básicas da Aritmética* e o descarte de um manuscrito quase pronto (provavelmente, o livro mencionado na carta a Marty).

Palavras-chave: Axioma IV. Axioma V. Princípio de Hume. Valores de Verdade. Gottlob Frege.

LISTA DE ILUSTRAÇÕES

Figura 1 – Logomarca ABNT	11
-------------------------------------	----

LISTA DE TABELAS

Tabela 1 – Um Exemplo de tabela alinhada que pode ser longa ou curta, conforme padrão IBGE.	11
Tabela 2 – Níveis de investigação	12

LISTA DE ABREVIATURAS E SIGLAS

ICHS	Instituto de Ciências Humanas e Sociais
LPM	Lógica Proposicional Modal
LQM	Lógica Quantificacional Modal
UFRJ	Universidade Federal do Rio de Janeiro

LISTA DE SÍMBOLOS

Γ	Letra grega Gama
Λ	Lambda
ζ	Letra grega minúscula zeta
\in	Pertence

SUMÁRIO

1	TEMA	8
1.1	Delimitação do Tema	8
1.2	Problemas e Premissas	8
1.3	OBJETIVOS	8
1.3.1	Objetivo Geral	8
1.3.2	Objetivos Específicos	8
1.4	JUSTIFICATIVA	8
2	PROCEDIMENTOS METODOLÓGICOS	9
3	REFERENCIAL TEÓRICO	9
4	DEMONSTRATIVOS DA APLICAÇÃO E VINCULAÇÃO	9
4.1	Demonstrativo da aplicação	9
4.2	Demonstrativo da vinculação do projeto	9
5	CRONOGRAMA	10
6	ALGUNS EXEMPLOS DE TABELAS E ALIENAS	11
	APÊNDICES	13
	APÊNDICE A – APÊNDICE 1	14
	APÊNDICE B – APÊNDICE 2	15
	ANEXOS	16
	ANEXO A – CARTA DE ANUÊNCIA	17

1 TEMA

Apresenta o assunto principal, o estado da arte e o estado da prática, em especial – observe o exemplo. Sobretudo, verifique as normas de citação. Sugere-se entre uma página a duas páginas.

1.1 Delimitação do Tema

Indicar, sobretudo a limitação de escopo – propósito, intento efetivo, foco; a limitação geográfica – tipo de empresa, setor, local. A delimitação pode ser feita em aproximadamente meia página.

1.2 Problemas e Premissas

Descreve-se o contexto das principais dificuldades encontradas. Em geral incorpora-se a pergunta de pesquisa e a premissa ou hipótese levantadas.

1.3 OBJETIVOS

1.3.1 Objetivo Geral

Lembrar que o objetivo geral é sempre uma ação, bem delimitada, portanto exige um verbo no infinitivo.

1.3.2 Objetivos Específicos

Nos objetivos específicos usa-se apenas um verbo / ação por objetivo.

1.4 JUSTIFICATIVA

Deve mostrar, cabalmente, a importância do estudo em questão, portanto, dispensa citações diretas ou indiretas, salvo quando da existência de dados numéricos ou históricos por exemplo.

2 PROCEDIMENTOS METODOLÓGICOS

Classifica-se a pesquisa em pelo menos: natureza; objetivo macro; técnicas e procedimentos a serem utilizados. Tal classificação exige a utilização de referencial teórico próprio.

3 REFERENCIAL TEÓRICO

Indicam-se quais os assuntos serão tratados e principalmente qual o embasamento teórico e seus autores. Pode ser apresentada uma prévia da proposta de trabalho.

4 DEMONSTRATIVOS DA APLICAÇÃO E VINCULAÇÃO

4.1 DEMONSTRATIVO DA APLICAÇÃO DOS RECURSOS PLEI-TEADOS

Demonstrativo da aplicação

4.2 DEMONSTRATIVO DA VINCULAÇÃO DO PROJETO COM A ÁREA DE INSERÇÃO PROFISSIONAL

Demonstrativo da vinculação do projeto.

5 CRONOGRAMA

Para a realização deste trabalho propõem-se o seguinte cronograma de realização das atividades:

Sugere-se inserir estes pontos: em Etapa mês

- Revisão de literatura
- Definição dos procedimentos
- Coleta de dados
- Análise dos resultados
- Redação da monografia
- Correção e complementação da monografia
- Defesa

plausível que estas provas foram executadas adicionando-se o **PH** ao sistema lógico de Begriffsschrift. Mostramos que, nas provas dos axiomas de Peano a partir de **PH** dentro da conceitografia, nenhum uso é feito de (**BB**). Destarte, não é necessária a introdução.

6 ALGUNS EXEMPLOS DE TABELAS E ALIENAS

Figura 1 – Logomarca ABNT



Fonte: sua fonte a usar

- a) linha 1:
 - subalinea 1;
 - subalinea 2;
- b) linha 2:
 - subalinea 1;
 - subalinea 2;
- c) linha 3:
 - subalinea 1;
 - subalinea 2;
- d) linha 4.

Tabela 1 – Um Exemplo de tabela alinhada que pode ser longa ou curta, conforme padrão IBGE.

Nome	Nascimento	Documento
Maria da Silva	11/11/1111	111.111.111-11

Fonte: Produzido pelos autores

Nota: Esta é uma nota, que diz que os dados são baseados na regressão linear.

Anotações: Uma anotação adicional, seguida de várias outras.

Tabela 2 – Níveis de investigação.

Nível de Investiga- ção	Insumos	Sistemas de Investigação	Produtos
Meta-nível	Filosofia da Ciência	Epistemologia	Paradigma
Nível do objeto	Paradigmas do metanível e evidências do nível inferior	Ciência	Teorias e modelos
Nível inferior	Modelos e métodos do nível do objeto e problemas do nível inferior	Prática	Solução de problemas

Fonte: ??)

Apêndices

APÊNDICE A – APÊNDICE 1

texto texto

APÊNDICE B – APÊNDICE 2

texto texto

Anexos

ANEXO A – CARTA DE ANUÊNCIA DA COORDENAÇÃO DO CURSO PARA O EDITAL 1/2018 - PROGRAD/PROREC

A coordenação do curso de Licenciatura em Informática declara que a proposta de TRABALHO DE CONCLUSÃO DE CURSO 1, do aluno, abaixo relacionado, está de acordo com os procedimentos e normas estabelecidas no curso e pode ser submetida ao Edital 1/2018 - PROGRAD/PROREC, de Apoio à Execução de Trabalhos de Conclusão de Curso, para o primeiro semestre de 2018.

Título: Lógica e Aritmética na Filosofia da Matemática de Frege

Aluno: João José Maria da Silva

Francisco Beltrão-PR, 22 de junho de 2018.

Profa. Doutora Maici Duarte Leite
Coordenadora do Curso de Licenciatura em Informática

Prof. Doutor Francisco Antonio Fernandes Reinaldo
Prof. Responsável TCC

Prf. Doutor. Eng. Francisco A. F. Reinaldo
Prof. Orientador TCC